Chapitre I Introduction et notions fondamentales

I. Introduction aux bilans

Les procédés en génie chimique peuvent être décrits par des modèles mathématiques basés sur la conservation des grandeurs fondamentales du phénomène observé : **la masse** en **Kg ou mole** ; **l'énergie** en **Joule** et la quantité de mouvement en **Kg.m.s⁻¹**.

Ces bilans sont réalisés dans tout ou partie de l'espace dit **volume de contrôle** entouré par la **surface de contrôle** qu'il s'agit de définir judicieusement par rapport à l'échelle des phénomènes étudiés.

lorsque le volume de contrôle est petit, les bilans sont microscopiques et deux modèles mathématiques font appel aux équations différentielles. lorsque le volume de contrôle augmente, on utilise les intégrales pour obtenir des bilans macroscopiques.

Le bilan microscopique permettra de connaître l'évolution des paramètres fondamentaux présentant des gradients dans le volume étudié. le bilan macroscopique est basé sur une analyse globale à l'entrée et à la sortie du volume sur les grandeurs étudiées (matière, énergie et quantité de mouvement)

I.1 Le concept de la boîte noire

Une boîte noire, ou boîte opaque est la représentation des systèmes sans considérer son fonctionnement interne (que ce soit un objet mécanique, un système électrique, un organisme, une personne, un réacteur, un procédé industriel,...)

C'est alors un outil théorique qui permet de choisir d'étudier exclusivement les échanges extérieurs.

La boîte noire est représentée de façon élémentaire en affichant les entrées et les sorties mais en masquant le fonctionnement interne

I.2 Bilan de matière et bilan enthalpique

Pour un procédé et pour une quantité de produits à fabriquer:

1. Le bilan de matière est la connaissance le débit à l'entrée et à la sortie de chaque opération unitaire :
 - Bilan sur chaque opération unitaire, bilan total sur tout le procédé
 - Bilan partiel sur un constituant ou bilan global sur tout les constitutions
2. Le bilan de chaleur, une quantité de chaleur à apporter ou à soutirer au niveau de chaque opération unitaire ou en niveau du procédé complet.

Exemple: si la réaction est exothermique, il faut soutirer on continue la chaleur dégagée pour stabiliser la température

I.3 À quoi servent les bilans

Les bilans servent à calculer l'ensemble des données pour dimensionner une installation :

1. Pour qu'on se voit pour qu'on se voit une installation, il faut avoir:
 - Les dimensions du réacteur
 - La capacité des pompes
 - La hauteur et le diamètre d'une colonne
2. Établir les bilans sert également à optimiser une installation existante:
 - Repérer les pertes de charge
 - Optimiser l'utilisation des produits
 - Vérifier le bon fonctionnement des capteurs

II. Les équations de bilan: équation fondamentale

Dans le volume de contrôle retenue, la grandeur fondamentale à étudier de quantité x est conservative. Ce principe de conservation conduit, dans notre cours, à deux équations fondamentales:

1. La première dite équation de continuité, repose sur un bilan de matière mettant en œuvre le principe “ **conservation de la masse**”
2. La deuxième résulte d'énergie mettant en jeu le principe de “ **Conservation d'énergie** “

Soit x l'une des deux grandeurs conservative, l'écriture du bilan pour l'intégration de temps:

$$X_{t_2} = X_{t_1} + X_{\text{entrée et,ou formée pendant } \Delta t} - X_{\text{sortie et,ou disparue pendant } \Delta t}$$

X_{t_2} : quantité de X contenu dans le volume de contrôle au temps t_2

X_{t_1} : quantité de X contenu dans le volume de contrôle au temps t_1

$X_{\text{entrée et,ou formé pendant } \Delta t}$:Quantité de X entrée dans la surface de contrôle ou/ et produite l'intérieur du volume de contrôle pendant

$X_{\text{sortie et,ou disparue pendant } \Delta t}$: quantité de X sortie à travers la surface de contrôle où/ consommer à l'intérieur du volume de contrôle pendant

de façon générale, sur un procédé ou une opération unitaire le bilan s'écrit :

$$X_{\text{entrée}} + \text{source de } X = X_{\text{accumulé}} + X_{\text{sortie}}$$

LOI DE LAVOISIER

- Le terme source est lié à la présence d'une réaction
 source > 0 si nous avons eu une production
 source < 0 Si nous avons une consommation
 source = 0 si nous n'avons pas de réaction chimique
- En régime permanent et en absence de réaction chimique, le bilan sur un constituant s'écrit :

$$X_{\text{entrée}} = X_{\text{sortie}}$$

IV Exemple

Bilan de matière pour une usine de chapeaux:

Un fournisseur livre toutes les heures 10 chapeaux et 15 casquettes à l'entrée d'une usine. dans cette entreprise on y fabrique des sombreros: 4 chapeaux et 2 casquettes permettent de produire 3 sombreros par heure

- Combien de sombreros, de casquettes et de chapeaus sortent de l'usine par heure ?

Solution

$$X_{\text{entrée}} + \text{source de } X = X_{\text{accumulé}} + X_{\text{sortie}}$$

- Bilan partiel sur les chapeaux :

$$X_{\text{sortie}} = X_{\text{entrée}} - \text{reaction} - \text{stock}$$

$$X_{\text{sortie}} = 10 - 4 - 1$$

$$X_{\text{sortie}} = 5 \text{ chapeaux/ heure}$$

- Bilan partiel sur les casquettes :

$$X_{\text{sortie}} = X_{\text{entrée}} - \text{reaction} - \text{stock}$$

$$X_{\text{sortie}} = 15 - 1 - 2$$

$$X_{\text{sortie}} = 12 \text{ casquettes/ heure}$$

- Bilan partiel sur les sombreros :

$$X_{\text{sortie}} = X_{\text{entrée}} + \text{produit} - \text{stock}$$

$$X_{\text{sortie}} = 0 - 3 - 1$$

$$X_{\text{sortie}} = 2 \text{ sombreros/ heure}$$

V. Grandeur fondamentale

Pour un courant donné composé de deux constituants à et B

1. La fraction massique par constituant

Fraction massique de A

$$x_A^* = \omega_A = \frac{\text{masse de A}}{\text{masse totale de A + B}} = \frac{\text{débit massique de A}}{\text{débit massique totale de A + B}}$$

La somme des fractions massiques de tous les constituants dans un courant est égale à 1

$$\sum_{i=1}^n x_i^*$$

2. La traction molaire de constituant

$$x_A = \frac{\text{nombre de mole de A}}{\text{nombre de mole totale de A + B}} = \frac{\text{débit molaire de A}}{\text{débit molaire totale de A + B}}$$

3. Débit massique

Le débit massique q_m est le quotient de la masse Δm coulée pendant une certaine durée, par cette durée Δt

$$q_m = \dot{m} = \frac{\Delta m}{\Delta t}$$

équation aux dimensions $M.T^{-1}$, $kg.s^{-1}$

4. débit molaire

Le débit molaire q_n est le quotient de la quantité de matière Δn écoulée pendant une certaine durée, par cette durée Δt

$$q_n = \dot{n} = \frac{\Delta n}{\Delta t}$$

$Mole.T^{-1}$, $mole.s^{-1}$

5. débit volumique

et le rapport de volume ΔV écoulé pendant une certaine durée par cette durée Δt il peut se traduire encore par le produit de la vitesse moyenne des fluides U par d'affection S dans laquelle se déplace ce fluide

$$q_v = \dot{V} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = U.S$$

$$\dot{m} = \frac{\Delta m}{\Delta t} = \rho q_v = \rho.U.S$$

$$\dot{n} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{\rho q_v}{M} = \frac{\rho U S}{M}$$