

المحاضرة رقم 7: مقياس تحديد الشكل: التفرطح

التفرطح: Kurtosis

تستخدم كلمة التفرطح لوصف تدبب المنحنى أو الموضع عند قمته مقارنة بالتوزيع الإعتدالي، فإذا كان منحنى التوزيع أكثر تدببا عن المنحنى الإعتدالي يسمى منحنى مدببا، وهو الذي يضيق في الوسط وترتفع قمته عن قمة المنحنى المعتدل، وإذا كانت قمة المنحنى أكثر استقامة من قمة المنحنى الإعتدالي يسمى منحنى مفرطحا، وهو الذي يتسع في الوسط وتنحني قمته عن قمة المنحنى الإعتدالي.

ويحسب بالقانون الآتي:

$$Ca_f = \frac{m_4}{\sigma^4} - 3 \quad m_4 = \frac{\sum f(x - \bar{x})^4}{\sum f} \quad 1-1 \text{ -معامل فيشر:}$$

إذا كان منحنى متوسط $Ca = 0$ ، منحنى مفرطح $Ca < 0$ ، منحنى مدبب $Ca > 0$

$$Ca_f = \frac{m_4}{\sigma^4} - 3 = -0.52 \quad m_4 = \frac{\sum f(x - \bar{x})^4}{\sum f} = 7416,66 \text{ حسب الجدول السابق:}$$

المنحنى مفرطح لأن $Ca < 0$

$$Ca_p = \frac{m_4}{\sigma^4} \quad m_4 = \frac{\sum f(x - \bar{x})^4}{\sum f} \quad 2-1 \text{ -معامل بيرسون:}$$

إذا كان : منحنى متوسط $Ca_p = 3$ ، منحنى مدبب $Ca_p > 3$ ، منحنى مفرطح $Ca_p < 3$

$$Ca_p = \frac{m_4}{\sigma^4} = 2.47$$

$$Ca = \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})} \quad \text{- معامل التفرطح المثيني:}$$

إذا كان منحنى مفرطح $Ca < 0.263$ ، منحنى متوسط $Ca = 0.263$ ، منحنى مدبب $Ca > 0.263$

حساب معامل التفرطح للمثال السابق: حساب المثينيات بنفس طرق حساب الوسيط والاختلاف يكون في الرتبة فقط

$$Ca = \frac{Q_3 - Q_1}{2(P_{90} - P_{10})} = \frac{30.15 - 19.59}{2(35.53 - 15)} = 0.25$$

المنحنى مفرطح لأن $Ca < 0.263$